

**ФЕДЕРАЛЬНАЯ СЛУЖБА ГЕОДЕЗИИ И  
КАРТОГРАФИИ РОССИИ**

**Центральный ордена "Знак Почета"  
научно-исследовательский институт геодезии,  
аэросъемки и картографии  
им. Ф.Н. Красовского**

## **МЕТОДИКА ИНСТИТУТА**

**Оценка стабильности пунктов  
образцовых базисов 2-3 разряда**

**МИ БГЕИ 27-94**

**Москва  
ЦНИИГАиК  
1994**

**Разработана**

Центральным ордена "Знак Почета" научно-исследовательским институтом геодезии, аэросъемки и картографии им. Ф.Н.Красовского

Директор института                      Н.Л.Макаренко

Главный метролог                      А.А.Синдеев

**Подготовлена и внесена на утверждение**

Отделом стандартизации, метрологии и госиспытаний

Руководитель темы,  
зав.отделом,с.н.с.                      А.И.Спиридонов

Отв. исполнитель,  
с.н.с.    Ф.В.Широв

**Утверждена приказом по ЦНИИГАиК - головной организации метрологической службы Роскартографии - №378 от 08.12.94 г.**

**Срок введения в действие установлен с 01.01.95г.**

УДК 528.32

## МЕТОДИКА ИНСТИТУТА

---

Методика института  
Оценка стабильности  
образцовых базисов  
2-3 разряда

---

МИ БГЕИ 27-94  
Впервые

Настоящий нормативный документ устанавливает метод оценки стабильности пунктов образцовых базисов 2-3 разряда.

Методика института учитывает требования РТМ 68-8.15-86 и МИ БГЕИ 09.90.

### 1 СУЩНОСТЬ СПОСОБА

1.1 Предлагаемый способ основан на анализе результатов повторных измерений базисов. При этом определяют стабильность линейных координат центров, которые являются функциями измеренных отрезков базиса.

1.2 Координата  $L$  каждого центра базиса определяется расстоянием между этим центром и центром, принятым за исходный. Причем, если определяемый пункт находится справа от исходного, то знак координаты положительный, если слева - отрицательный. Расстояния между пунктами берут по результатам измерений в исследуемых циклах измерений.

1.3 Смещением центра  $S$  является изменение его координаты за период между исследуемыми циклами измерений.

1.4 Если при вычислении смещений центров в цикле наблюдений с номером  $i$  в качестве исходной последовательно принимать координаты всех исследуемых центров, полученных в нулевом цикле, (что соответствует вычисле-

ниям всех длин между центрами в  $i$ -ом цикле по отношению к нулевому), то можно составить следующую матрицу (I):

$$\begin{array}{cccccc}
 0 & S_{2.1} & S_{3.1} & \dots & S_{n1} & \\
 S_{1.2} & 0 & S_{3.2} & \dots & S_{n2} & \\
 \dots\dots\dots & \dots\dots\dots & \dots\dots\dots & \dots\dots\dots & \dots\dots & (1) \\
 S_{1.n-1} & S_{2.n-1} & \dots & 0 & S_{n.n-1} & \\
 S_{1.n} & S_{2.n} & \dots & S_{n-1.n} & 0 & \\
 S_{1.cp} & S_{2.cp} & S_{3.cp} & S_{n-1.cp} & S_{n.cp} & 
 \end{array}$$

Первый индекс величины смещения  $S$  показывает номер центра, координата (смещение) которого подсчитывается по отношению к центру, принятому за исходный. Вторым индексом показывает номер центра, принятого за исходный при вычислении величины  $S$  в данной строке. Таким образом, элементы одной строки - это смещения центров, найденные при одном и том же исходном центре, новом для каждой строки. Так, в первой строке расположены смещения  $S_{2.1}, S_{3.1} \dots S_{n1}$  центров с номерами 2, 3 ...  $n$ , полученные при выборе центра 1 за исходный.

1.5 Выражение (1) представляет собой кососимметричную матрицу. Учитывая это, составление матрицы (1) можно значительно упростить. Достаточно определить только элементы первой строки, тогда элементы первого столбца находятся простой заменой знака на противоположный у элементов первой строки, расположенной симметрично относительно главной диагонали. Остальные элементы второй строки могут быть получены прибавлением к соответствующим элементам первой строки величины  $S_{1.2}$ . Аналогично получают недостающие элементы остальных строк. Контролем составления матрицы является симметричное расположение равных по модулю, но разных по знаку элементов относительно главной диагонали.

1.6 Элементы первой строки составляются следую-

щим образом. Выписываются значения отрезков базиса  $D$  для циклов измерений  $i$  и  $j$ , между которыми производят исследования стабильности центров

$$D_{1.2} \quad D_{2.3} \quad D_{n-1.n}$$

Первый центр берут за исходный. Тогда координаты  $L$  остальных центров будут:

$$L_1=0$$

$$L_2=D_{1.2}$$

$$L_3=D_{1.2}+D_{2.3}$$

...

$$L_{n-1}=D_{1.2}+D_{2.3}+D_{n-2.n-1}$$

$$L_n=D_{1.2}+D_{2.3}+D_{n-1.n}$$

Затем находят разности координат между циклами  $j$  и  $i$  - искомые смещения  $S$ :

$$S_{1.1}=L_1^j - L_1^i \quad S_{2.1}=L_2^j - L_2^i \quad S_{3.1}=L_3^j - L_3^i \quad S_{n.1}=L_n^j - L_n^i$$

Матрица (1) составляется всякий раз, когда имеется необходимость исследовать стабильность центров.

1.7 Для каждого центра вычисляется среднее значение  $S_{cp}$  его смещений  $S$ , полученных при последовательном выборе за исходный остальных центров

$$S_{cp} = \frac{[S]}{n-1} \quad (3),$$

где  $[S]$  - сумма элементов столбца матрицы (1),

$n$  - число строк в столбце.

1.8 Суждение о стабильности положения центров вдоль линии базиса делается на основе анализа величин  $S_{cp}$ . Значимость средних смещений  $S_{cp}$ , вычисленных для разных центров, оценивается с помощью неравенства

$$S_{cp} > t \mu \sqrt{R S_{cp}} \quad (4).$$

Здесь  $t$  - критерий предельных ошибок;

$\mu$  - ср. кв. ошибка единицы веса;

$R S_{cp}$  - обратный вес величины  $S_{cp}$ .

1.9 Если центр получил смещение, выходящее за

пределы ошибок измерений, то об этом свидетельствует попадание величины  $S_{cp}$ , вычисленной для этого центра, в область, заданную неравенством (3).

1.10 Не изменившими своего положения считаются центры, для которых величина,  $S_{cp} \leq t \mu \sqrt{R S_{cp}}$ .

1.11 При измерении длин базисов дальномерами и проволоками, стабильными с вероятностью 0,95 ( $t = 2$ ) считают линии (за период между исследуемыми циклами измерений), если значения разности их длин остались в допусках, указанных в таблице 1.

Таблица 1

Длина линии $D_m$ или среднее расстояние ( коор- дината) между исходным и определяемым центрами $L, м$	Допустимое изменение длины линии $\Delta D, мм$	Допустимое смещение центра $S_{cp}, мм$
0 - 1000	2	1,41
1000-2500	3	2,12
2500-3000	5	3,54

В этом случае допустимое смещение центра для средней координаты определяемого центра от исходного  $L_{cp}$  будет равно  $\sqrt{\frac{\Delta D}{2}}$ , где  $\Delta D$  - изменение длины линии между циклами измерений.

1.12 Для вычисления  $L_{cp}$  составляется матрица координат центров по каждой строке симметричной матрицы длин линий между реперами. Среднее по столбцам матрицы дает среднее удаление любого центра от исходного.

1.13 Средняя координата вычисляется по формуле (5).

+L <sub>1</sub>	L <sub>2</sub>	L <sub>3</sub>	...	L <sub>n-1</sub>	L <sub>n</sub>	
-L <sub>2</sub>	L <sub>2</sub> -L <sub>2</sub>	L <sub>3</sub> -L <sub>2</sub>	...	L <sub>n-1</sub> -L <sub>2</sub>	L <sub>n</sub> -L <sub>2</sub>	(5)
-L <sub>3</sub>	L <sub>2</sub> -L <sub>3</sub>	L <sub>3</sub> -L <sub>3</sub>	...	L <sub>n-1</sub> -L <sub>3</sub>	L <sub>n</sub> -L <sub>3</sub>	
...	...	...	...	...	...	
-L <sub>n-1</sub>	L <sub>2</sub> -L <sub>n-1</sub>	L <sub>3</sub> -L <sub>n-1</sub>	...	L <sub>n-1</sub> -L <sub>n-1</sub>	L <sub>n</sub> -L <sub>n-1</sub>	
-L <sub>n</sub>	L <sub>2</sub> -L <sub>n</sub>	L <sub>3</sub> -L <sub>n</sub>	...	L <sub>n-1</sub> -L <sub>n</sub>	L <sub>n</sub> -L <sub>n</sub>	
+L <sub>1cp</sub>	L <sub>2cp</sub>	L <sub>3cp</sub>	...	L <sub>n-1cp</sub>	L <sub>ncp</sub>	

Для подсчета допустимого смещения центра знак  $L_{cp}$  не имеет значения, поэтому берут модуль  $L_{cp}$ . Величина  $L_{cp}$  является входом в третью графу таблицы 1. Например, если  $L_{1cp}=900$  м, то допустимое  $S_{cp1}$  будет равно 1,41 мм. Или  $L_{ncp}=2800$  м, тогда  $S_{cpn}$  будет 3,54 мм.

1.14 Процедура поиска стабильного центра осуществляется методом последовательных приближений. Всякий раз, когда  $S_{cpi}$  больше допустимого значения, столбец и строка с нестабильным  $i$  репером исключают из матрицы (1) и она составляется заново. Число итераций повторяется до тех пор, пока все неисключенные центры будут удовлетворять величинам, приведенным в таблице 1.

## **2 ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ИЗМЕРЕНИЙ БАЗИСОВ**

2.1 Сведения о базисах берутся из соответствующим образом оформленных отчетов организаций, выполняющих измерения.

2.2 Результаты измерений базисов должны быть приведены к створу конечных пунктов и к одному горизонту.

2.3 Исследования производятся периодически при очередной поверке базиса. Обычно межповерочный интервал составляет 3-5 лет.

## **3 ОФОРМЛЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ ИССЛЕДОВАНИЙ СТАБИЛЬНОСТИ ПУНКТОВ**

3.1 Методика оценки стабильности пунктов применяется при периодической поверке базисов. По результатам исследований стабильности центров оформляется каталог стабильных пунктов и линий.

3.2 В случае, если исследования стабильности пунктов проводятся в рамках поверки базиса, то результаты заносятся в свидетельство о поверке. Свидетельство о поверке выдается, если по крайней мере две трети центров базиса признаны по результатам исследований стабильными.

## Приложение

Образец обработки результатов на примере оценки стабильности пунктов Павлово-Посадского базиса

## 1 Составление таблицы результатов измерений базиса

Таблица 1.П

Результаты измерений Павлово-Посадского базиса

Названия конечных пунктов	Длина секций базиса, мм		
	<i>D</i> 1987 г.	<i>D</i> 1993 г.	$\Delta D$ мм93-87
Ц1	23 947,85	23 951,90	+4,05
Ц2	23 914,99	23 913,76	-1,23
Ц3	24 117,52	24 117,40	-0,12
Ц4	23 993,43	23 994,32	+0,89
Ц5	95 761,77	95 758,76	-3,01
Ц6	96 044,64	96 046,84	+2,20
Ц7	96 157,13	96 155,66	-1,47
Ц8	95 888,87	95 890,34	+1,47
Ц9	506 009,24	506 008,30	-0,94
Ц10	1006 028,95	1006 031,96	+3,01
Ц11	646 878,26	646 876,26	-2,00
Ц12			



## 2. Составление матрицы смещений

Таблица 2.П

### 2.1 Составление первой строки

	L <sub>I</sub>	L <sub>2</sub>	L <sub>3</sub>	L <sub>4</sub>	L <sub>5</sub>	L <sub>6</sub>	L <sub>7</sub>	L <sub>8</sub>	L <sub>9</sub>	L <sub>10</sub>	L <sub>11</sub>	L <sub>12</sub>
		23	47	71	95	191	287	383	479	985	1991	2638
1993	0	951,90	865,66	983,06	977,38	736,14	782,98	938,64	828,98	837,28	869,24	745,50
1987	0	947,85	862,84	980,30	973,79	735,56	780,20	937,33	826,20	835,44	864,39	742,65
	0	+ 4,05	+ 2,82	+ 2,70	+ 3,59	+ 0,58	+ 2,78	+ 1,31	+ 2,78	+ 1,84	+ 4,85	+ 2,85

### 2.2 Составление общей матрицы смещений S

Таблица 3.П

Назван. ПУНКТОВ	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
I	0	+4,05	+2,82	+2,70	+3,59	+0,58	+2,78	+1,31	+2,78	+1,84	+4,85	+2,85
2	-4,05	0	-1,23	-1,35	-0,46	-3,47	-1,27	-2,74	-1,27	-2,21	+0,80	-1,20
3	-2,82	+1,23	0	-0,12	+0,77	-2,24	-0,04	-1,51	-0,04	-0,98	+2,03	+0,03
4	-2,70	+1,35	+0,12	0	+0,89	-2,12	+0,08	-1,39	+0,08	-0,86	+2,15	+0,15
5	-3,59	+0,46	-0,77	-0,89	0	-3,01	-0,81	-2,28	-0,81	-1,75	+1,26	-0,74
6	-0,58	+3,47	+2,24	+2,12	+3,01	0	+2,20	+0,73	+2,20	+1,26	+4,27	+2,27
7	-2,78	+1,27	+0,04	-0,08	+0,81	-2,20	0	-1,47	0	-0,94	+2,07	+0,07
8	-1,31	+2,74	+1,51	+1,39	+2,28	-0,73	+1,47	0	+1,47	+0,53	+3,54	+1,54
9	-2,78	+1,27	+0,04	-0,08	+0,81	-2,20	0	-1,47	0	-0,94	+2,07	+0,07
10	-1,84	+2,21	+0,98	+0,86	+1,75	-1,26	+0,94	-0,53	+0,94	0	+3,01	+1,01
11	-4,85	-0,80	-2,03	-2,15	-1,26	-4,27	-2,07	-3,54	-2,07	-3,01	0	-2,00
12	-2,85	+1,20	-0,03	-0,15	+0,74	-2,27	-0,07	-1,54	-0,07	-1,01	+2,00	0
S <sub>ср</sub>	-2,74	+1,68	+0,34	+0,20	+1,18	-2,11	+0,29	-1,31	+0,29	-0,73	+2,55	+0,37
S доп	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	1,41	2,12	2,12

Таблица 5.П

4. Анализ смещений, исключение из матрицы (1)  
сместившихся центров

( ————— )

Составление укороченной (1у) матрицы (1)

Выполнение второго приближения, определение сместившихся центров

Назван. пунктов	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1	0	+4,05	+2,82	+2,70	+3,59	+0,58	+2,78	+1,31	+2,78	+1,84	+4,85	+2,85
2	-4,05	0	-1,23	-1,35	0,46	-3,47	-1,27	-2,74	-1,27	-2,21	+0,80	-1,20
3	-2,82	+1,23	0	-0,12	+0,77	-2,24	+0,04	-1,51	-0,04	-0,98	+2,03	+0,03
4	-2,70	+1,35	+0,12	0	+0,89	-2,12	+0,08	-1,39	+0,08	-0,86	+2,15	+0,15
5	-3,59	+0,46	-0,77	-0,89	0	-3,01	-0,81	-2,28	-0,81	-1,75	+1,26	-0,74
6	-0,58	+3,47	+2,24	+2,12	+3,01	0	+2,20	+0,73	+2,20	+1,26	+4,27	+2,27
7	-2,78	+1,27	+0,04	-0,08	+0,81	-2,20	0	-1,47	0	-0,94	+2,07	+0,07
8	-1,31	+2,74	+1,51	+1,39	+2,28	-0,73	+1,47	0	+1,47	+0,53	+3,54	+1,54
9	-2,78	+1,27	+0,04	-0,08	+0,81	-2,20	0	-1,47	0	-0,94	+2,07	+0,07
10	-1,84	+2,21	+0,98	+0,86	+1,75	-1,26	+0,94	-0,53	+0,94	0	+3,01	+1,01
11	-4,85	0,80	-2,03	2,15	-1,26	-4,27	-2,07	-3,54	-2,07	-3,01	0	-2,00
12	-2,85	+1,20	-0,03	-0,15	+0,74	-2,27	-0,07	-1,54	-0,07	-1,01	+2,00	0
$\Sigma$ ср			+0,27	+0,13	+0,51		+0,22	-1,45	+0,22	-0,43		+0,30
$\Sigma$ доп			1,41	1,41	1,41		1,41	1,41	1,41	1,41		2,12

\* Примечание: п.8 несмотря на то, что  $1,45 > 1,41$ , будем считать практически стабильным

Таблица 4.П

## 3. Вычисление средних координат L центров пунктов, м

	$L_1$	$L_2$	$L_3$	$L_4$	$L_5$	$L_6$	$L_7$	$L_8$	$L_9$	$L_{10}$	$L_{11}$	$L_{12}$
I	0	24	48	72	96	192	288	384	480	986	1992	2638
2	-24	0	+24	+48	+72	+168	+264	360	456	962	1968	2614
3	-48	-24	0	24	48	144	240	336	432	938	1944	2590
4	-72	-48	-24	0	24	120	216	312	408	914	1920	2566
5	-96	-72	-48	-24	0	96	192	288	384	890	1896	2542
6	-192	-168	-144	-120	-96	0	96	192	288	794	1800	2446
7	-288	-264	-240	-216	-192	-96	0	96	192	698	1704	2350
8	-384	-360	-336	-312	-288	-192	-96	0	96	602	1608	2254
9	-480	-456	-432	-408	-384	-288	-192	-96	0	506	1512	2158
10	-986	-962	-938	-914	-890	-794	-698	-602	-506	0	1006	1652
11	-1992	-1968	-1944	-1920	-1896	-1800	-1704	-1608	-1512	-1006	0	646
12	-2638	-2614	-2590	-2566	-2542	-2446	-2350	-2254	-2158	-1652	-646	0
$L_{ср}$	655	633	615	602	593	576	576	592	628	904	1636	2223

∞

Выбор стабильных центров и линий, не изменивших свою длину, составление каталога стабильных линий

Таблица 6.П

Названия конечных пунктов	Длина секций базиса, мм		
	<i>D</i> 1987 г.	<i>D</i> 1993 г.	$\Delta D$ мм93-87
Ц3	24 117,52	24 117,40	-0,12
Ц4	23 993,43	23 994,32	+0,89
Ц5	191 806,41	191 805,60	-0,81
Ц7	96 157,13	96 155,66	-1,47
Ц8	95 888,87	95 890,34	+1,47
Ц9	506 009,24	506 008,30	-0,94
Ц10	1 652 907,21	1 652 908,22	+1,01
Ц12			
Общая длина базиса	2 590 879,81	2 590 879,84	

## Содержание

1. Сущность способа . . . . .	1
2. Требования к результатам измерений базисов . .	5
3. Оформление результатов исследований стабильности пунктов . . . . .	5
4. Приложение . . . . .	6

---

Подписано в печать  
15.12.94  
Формат 60x90/16  
Бумага типографская  
Печать офсетная  
Усл.печ.л. 0,75  
Усл.кр.отт. 0,88  
Уч.изд.л. 0,72

Тираж 250  
Заказ 52-94

ЦНИИГАиК  
125413, Москва,  
Онежская ул., 26