

Утверждаю
Главный инженер
Главного управления
(подпись) (И. БИРЖКОВ)
" 29 " 1971 г.

УДК

Группа Г 18

РУКОВОДЯЩИЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ МАТЕРИАЛ

МЕТОДИКА ГИДРАВЛИЧЕСКОГО РАСЧЕТА РТМ 26 -07-116-71
ОСНОВНЫХ КОНСТРУКТИВНЫХ СООТНОШЕНИЙ
РЕГУЛИРУЮЩЕЙ И ДРОССЕЛЬНОЙ АРМАТУРЫ

Приказом Главного управления * *Снято ограничение срока действия*
от 30 сентября 1971 г. № 121 срок введения установлен
с " 15 " ноября 1971 г.
* ~~2) срок действия продлен до 01.01.85.~~
~~3) срок действия продлен до 01.01.89.~~
~~4) срок действия продлен до 01.01.94.~~ ~~1) срок действия до 15 ноября 1980 года.~~

Настоящий руководящий технический материал (РТМ) является рекомендуемым при гидравлическом расчете основных конструктивных соотношений регулирующей и дроссельной арматуры, предназначенной для работы на газовой или жидкой среде, не изменяющей своего агрегатного состояния при проходе через арматуру.

Под основными конструктивными соотношениями клапана понимается соотношение площадей на входе, в седле и на выходе из клапана.

В практике расчета и конструирования регулирующих и дроссельных клапанов часто возникает необходимость обеспечения на выходе клапана определенного давления P_2 при заданном давлении на входе P_1 в определенных расходных условиях. Совершенно очевидно, что установление определенного давления P_2 на выходе клапана зависит от конструкции его проточной части и основных конструктивных соотношений клапана.

Издание официальное

Перепечатка воспрещена

* Письмо № 21/2-2-373 от 13.06.96 из Управления по развитию химического и нефтяного машиностроения.

1. ЗАДАЧА РАСЧЕТА

1.1. Задача расчета — определение следующих соотношений

$$\frac{F_2}{F_1} \text{ и } \frac{F_2}{f},$$

где F_1 — площадь входного сечения клапана, см^2 ;

F_2 — площадь выходного сечения клапана, см^2 ;

f — проходная площадь в седле клапана, см^2 .

1.2. По известному соотношению площадей и одной известной площади определяется другая неизвестная площадь. При этом для круглого сечения диаметр D связан с площадью сечения F формулой

$$D = \sqrt{\frac{4F}{\pi}} \approx 1,13 \sqrt{F}. \quad (1)$$

2. ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ ДЛЯ РАСЧЕТА

2.1. Исходными данными для расчета являются:

вид среды;

агрегатное состояние среды (жидкость или газ);

P_1 — давление на входе в клапан, атм ;

P_2 — давление на выходе из клапана, атм ;

F_1 — площадь на входе в клапан, см^2 ;

④ γ_1 — удельный вес среды на входе в клапан при рабочих условиях, г/см^3 ;

ζ — коэффициент гидравлического сопротивления клапана, отнесенный к скорости на входе, при одинаковых площадях входа и выхода

($F_1 = F_2$) или при одинаковых входных и выходных патрубках;

G — массовый расход среды, кг/с .
 Заменить значение γ на ρ : ρ — плотность среды на входе в клапан при рабочих условиях, кг/м^3 .

2.2. Для случая, когда давление P_2 неизвестно, а клапан на выходе соединен с трубой постоянного сечения, причем известно давление P_3 на конце этой трубы, давление среды на выходе из клапана —

на P_2 определяется расчетным путем.

а) Для жидких сред давление P_2 определяется по формуле:

$$\textcircled{4} P_2 = P_3 + 3850 \frac{G^2}{F^2} \frac{\mu \ell}{z_r} , \quad (2)$$

где $\textcircled{4} F$ — площадь поперечного сечения трубы, см^2 , м^2

μ — безразмерный коэффициент трения;

$\textcircled{4} \ell$ — длина трубы, м , см ;

z_r — гидравлический радиус трубы, м , см .

Гидравлический радиус трубы определяется по формуле:

$$z_r = \frac{F}{L_p} , \quad (3)$$

где L_p — периметр сечения трубы. Для круглых труб

$$z_r = \frac{D}{4} . \quad (4)$$

Коэффициент μ связан с коэффициентом гидравлического сопротивления трубы λ соотношением:

$$\mu = \frac{\lambda}{4} . \quad (5)$$

Для круглых труб

$$\frac{\mu}{z_r} = \frac{\lambda}{D} . \quad (6)$$

б) Для газовых сред давление P_2 определяется из уравнения:

$$\textcircled{4} G = 504 F \sqrt{\frac{2K P_3 \gamma_3 (\beta^{-\frac{K+1}{K}} - 1)}{(K+1) \left(\frac{\mu \ell}{z_r} - \frac{2}{K} \ln \beta \right)}} , \quad (7)$$

где $\textcircled{4} \gamma_3$ — удельный вес среды на выходе из трубы при рабочих условиях, г/см^3 , Н/м^3

K — показатель адиабаты газа;

β — отношение давлений, $\beta = \frac{P_3}{P_2}$.

Формула (7) является уравнением относительно β , которое можно решить методом подбора. Зная β , определяем давление P_2 :

$$P_2 = \frac{P_3}{\beta} . \quad (8)$$

При больших длинах ℓ и незначительном падении давления вдоль трубы, принимая процесс изотермическим ($K = 1$), можно, пользуясь формулой (7), получить приближенное значение давления P_2 :

$$\textcircled{4} P_2 = \sqrt{P_3^2 + \frac{G^2 R T \varepsilon \frac{\mu \ell}{z_2}}{F^2 12,7 F^2 z_2}} \neq \sqrt{P_3^2 + \frac{G^2 P_3 \frac{\mu \ell}{z_2}}{12,7 F^2 z_3}} \quad (9)$$

где $\textcircled{4} R$ — газовая постоянная среды, $\frac{\text{Дж/кг град}}{\text{кгм/кг град}}$;
 T — температура изотермического процесса, $^{\circ}\text{K}$;
 ε — коэффициент сжимаемости среды.

2.3. Если удельный вес газовой среды на входе в клапан γ_1 неизвестен, но даны давление на входе P_1 и температура T_1 , то величина γ_1 определяется по формуле:

$$\textcircled{4} \rho = \frac{P}{R T \varepsilon}, \quad \gamma_1 = \frac{10 P_1}{R T_1 \varepsilon_1} \quad \textcircled{4} \sigma = \rho \cdot g = \frac{P_1}{R T \varepsilon} \quad (10)$$

где $\textcircled{4} R$ — газовая постоянная среды, $\frac{\text{Дж/кг град}}{\text{кгм/кг град}}$;
 T_1 — температура среды на входе, $^{\circ}\text{K}$;
 ε_1 — коэффициент сжимаемости среды при давлении P_1 и температуре T_1 .

Данные по коэффициентам сжимаемости газов приведены в РМ-17-67 "Руководящий технический материал. Физические свойства веществ, необходимые при гидравлических расчетах арматуры". Издание ЦКБА.

$\textcircled{4}$ 2.4. Если ~~газовый~~ ^{массовый} расход G неизвестен, но задан объемный расход Q в $\frac{\text{м}^3}{\text{сек}}$ с удельным весом при рабочих условиях γ в $\frac{\text{Н/м}^3}{\text{г/см}^3}$, то величина G в $\frac{\text{кг/сек}}$ определяется по формуле:

$$\textcircled{4} G = \gamma Q \cdot \rho, \quad (11)$$

$\textcircled{4}$ 2.5. Если ~~газовый~~ ^{массовый} расход G неизвестен, но задана скорость на входе V_1 в м/сек и удельный вес среды на входе при рабочих условиях γ_1 в $\frac{\text{Н/м}^3}{\text{г/см}^3}$, то величина G в $\frac{\text{кг/сек}}$ определяется

29501-71 13/Е/02

по формуле:

$$\textcircled{4} \quad G = \cancel{0.36 F_1 V_1 \gamma_1} F_1 \cdot V_1 \cdot \rho_1, \quad (12)$$

3. ОСНОВНЫЕ РАСЧЕТНЫЕ ФОРМУЛЫ

3.1. Основные расчетные формулы получены на основе формул гидравлики и технической термодинамики. Использованы уравнение Бернулли, уравнение неразрывности, а для газа – уравнение состояния реального газа и уравнение адиабатического процесса. Вывод основных расчетных формул приведен в приложении .

3.2. Для газа режим критического истечения устанавливается при определенном критическом давлении $P_{с\text{кр}}$ в наиболее узком сечении потока (в седле):

$$P_{с\text{кр}} = P_1 \beta_{кр}, \quad (13)$$

где $\beta_{кр}$ – критический параметр (отношение давлений), определяемый из уравнения:

$$\frac{c(\beta_{кр})\sqrt{2}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\xi)}} \sqrt{1-\xi + \frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{K}}(1-\xi)}{\beta_{кр}^{\frac{2}{K}}}} = \sqrt{K\beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}}. \quad (14)$$

Зависимость $c(\beta_{кр})$ определяется формулой для коэффициента c :

$$c = \sqrt{\frac{K}{K-1} \left(\beta^{\frac{2}{K}} - \beta^{\frac{K+1}{K}} \right)}. \quad (15)$$

Коэффициент c табулирован в зависимости от K и β и

29501-71 13/12/22

приводится в табл. 4 РМ-11-66 "Руководящий технический материал. Приложение к гидравлическим расчетам арматуры". Издание ЦКБА.

Уравнение (14) решается методом подбора. Как следует из этого уравнения, величина $\beta_{кр}$ зависит от конструктивных параметров клапана — соотношения $\frac{F_1}{f}$ и коэффициента ξ .

Приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ получается путем упрощения уравнения (17) за счет принятия $\xi = 1$, что равносильно пренебрежению скоростью V_1 на входе по сравнению со скоростью V_c в седле в соответствующем уравнении Бернулли. Принимая $\xi = 1$, имеем:

$$\tilde{\beta}_{кр} \approx \left(\frac{2}{K+1} \right)^{\frac{K}{K-1}}. \quad (16)$$

Приближенному значению $\tilde{\beta}_{кр}$ соответствует значение $C_{кр}$, равное:

$$C_{кр} = \sqrt{\frac{K}{K+1}} \left(\frac{2}{K+1} \right)^{\frac{1}{K-1}}. \quad (17)$$

Значения $\tilde{\beta}_{кр}$ и $C_{кр}$ по формулам (16) и (17) табулированы и приведены в табл. 2 и 4 РМ-11-66.

3.3. Критическому параметру $\beta_{кр}$ соответствует критический расход $G_{кр}$, являющийся максимальным для данного клапана при заданных параметрах газовой среды на входе в клапан. При критическом истечении расход через клапан устанавливается постоянным и равным $G = G_{кр}$, причем расход не зависит от уменьшения давления P_2 на выходе клапана.

Точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле:

$$\textcircled{4} \quad G_{кр} = \cancel{3,56} f \sqrt{K \cdot P_1 \cdot \tilde{\beta}_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}, \quad (18)$$

где параметр $\beta_{кр}$ определяется из уравнения (14).

С учетом приближенного значения $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16) приближенное значение $G_{кр}$ равно:

29501-71 13/Х.В.С.

$$\textcircled{4} G_{кр} \approx 5,04 f C_{кр} \sqrt{\frac{2 \cdot P_1 \cdot P_2}{\rho_1}}, \quad (19)$$

3.4. Если для газа заданное значение расхода G меньше, чем величина $G_{кр}$, т.е. при

$$G < G_{кр}, \quad (20)$$

то имеем докритическое истечение. При этом определяется условный коэффициент гидравлического сопротивления клапана $\xi_{усл}$, обеспечивающий необходимый расход G при заданном перепаде ΔP .

$$\textcircled{4} \xi_{усл} = \frac{2 \cdot \chi \cdot F_1^2 \cdot B^2 \cdot \Delta P \cdot \chi \cdot P_1}{G^2}, \quad (21)$$

где $\Delta P = P_1 - P_2$ — перепад давления на клапане;

B — коэффициент, зависящий от показателя адиабаты K и параметра $\beta = \frac{P_2}{P_1}$, определяется по формуле:

$$\text{при } \beta > \bar{\beta} \quad B = \sqrt{\frac{K}{K-1} \frac{\beta^{\frac{2}{K}} - \beta^{\frac{K+1}{K}}}{1-\beta}}, \quad (22)$$

$$\text{при } \beta \leq \bar{\beta} \quad B = \sqrt{\frac{K}{K-1} \frac{\bar{\beta}^{\frac{2}{K}} - \bar{\beta}^{\frac{K+1}{K}}}{1-\bar{\beta}}}. \quad (23)$$

Параметр $\bar{\beta}$ означает начало критического истечения и равен:

$$\bar{\beta} = \frac{\bar{P}_2}{P_1}, \quad (24)$$

где $\bar{P}_2$ — давление на выходе клапана, при котором наступает режим критического истечения.

Определение давления $\bar{P}_2$ для клапана с заданными конструктивными соотношениями площадей приведено ниже.

Условие $\beta > \bar{\beta}$ равносильно условию $G < G_{кр}$, поэтому можно считать, что коэффициент B , входящий в формулу (21), должен определяться по формуле (22) и при докритическом истечении параметр $\bar{\beta}$ не понадобится.

Коэффициент β табулирован и приводится в табл.3 РМ-11-66. Следует иметь в виду, что в этой таблице коэффициент β подсчитан по формулам, аналогичным формулам (22) и (23), но вместо неизвестной (и для каждого клапана различной) величины $\bar{\beta}$ принято значение $\bar{\beta}_{кр}$ по формуле (16). Поэтому, если заданное значение β меньше значения $\bar{\beta}_{кр}$ ($\beta < \bar{\beta}_{кр}$), данные табл.3 РМ-11-66 использовать нельзя, а нужно считать по формуле (22).

3.5. При докритическом истечении ($G < G_{кр}$) соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\xi_{усл} + \beta^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \xi)}} \quad (25)$$

Если в уравнении Бернулли пренебречь скоростью V_1 на входе по сравнению со скоростью V_2 на выходе, что равносильно предположению $\xi = 1$, то получим приближенное соотношение площадей выхода и входа:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\xi_{усл}}} \quad (25a)$$

Если в уравнении Бернулли пренебречь невозвратными потерями в клапане, т.е. положить $\xi = 0$, то имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\xi_{усл} + \beta^{\frac{2}{\kappa}}}} \quad (25b)$$

3.6. Если для газа заданное значение расхода G больше или равно $G_{кр}$, т.е. при

$$G \geq G_{кр} \quad , \quad (26)$$

имеем критическое истечение, при котором

$$G = G_{кр} \quad . \quad (27)$$

Следовательно, если $G > G_{кр}$, заданный расход является избыточным и его невозможно обеспечить данным клапаном при заданных условиях на входе.

При критическом истечении ($G = G_{кр}$) соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}}(1-\xi) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{K\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}}}, \quad (28)$$

где $\beta_{кр}$ определяется из уравнения (14).

Применяя приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16), имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}}(1-\xi) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}}, \quad (29)$$

В формулах (28) и (29) коэффициент C соответствует заданному значению β и определяется по формуле (15), причем при $\beta < \tilde{\beta}_{кр}$ данные табл. 4 РМ-11-66 использовать нельзя.

Пренебрегая скоростью V_1 в уравнении Бернулли по сравнению со скоростью V_2 , полагаем $\xi = 1$, что ведет к определению $\beta_{кр}$ по формуле (16). Тогда из обеих формул (28) и (29) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{f}\right)_{кр} \approx \frac{C_{кр}}{C}. \quad (30)$$

Пренебрегая невозвратными потерями в уравнении Бернулли, полагаем $\xi = 0$, и тогда из формул (28) и (29) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{K\beta_{кр}^{\frac{K+1}{K}}}}}, \quad (28a)$$

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{K}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \quad (29a)$$

3.7. Параметр $\bar{\beta}$, определяющий начало критического истечения, находится из уравнения:

$$\frac{C(\bar{\beta})}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \bar{\beta}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} = \frac{G_{кр}}{\cancel{0,04 F_1 \sqrt{P_1 \zeta}} \rho_1} \quad (31)$$

где точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле (18).

Пользуясь приближенным значением $G_{кр}$ по формуле (22), получаем приближенное уравнение для $\bar{\beta}$:

$$\frac{C(\bar{\beta})}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2}\right)^2 - \bar{\beta}^{\frac{2}{K}}(1-\zeta)}} = \frac{f}{F_1} C_{кр} \quad (32)$$

Зависимость $C(\bar{\beta})$ определяется формулой (15).

Уравнения (31) и (32) решаются методом подбора. Как указано в приложении, можно считать, что критическое истечение наступает при давлении на выходе, большем чем давление в седле, т.е. при $\bar{\beta} > \beta_{кр}$.

Определив $\bar{\beta}$, из формулы (24) находим значение $\bar{P}_2$.

3.8. Для жидких сред соотношение площадей выхода и входа определяется по формуле:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{усл} + 1 - \zeta}} \quad , \quad (33)$$

где $\zeta_{усл}$ — условный коэффициент гидравлического сопротивления кла-

лана, обеспечивающий необходимый расход G при заданном перепаде $\Delta P = P_1 - P_2$

$$\textcircled{4} \quad \xi_{\text{усл}} = \frac{2,25 \cdot F_1^2 \cdot \Delta P \cdot \rho_1}{G^2} \quad (34)$$

Пренебрегая в уравнении Бернулли скорость V_1 на входе по сравнению со скоростью V_2 на выходе, полагаем $\xi = 1$ и тогда получаем приближенное соотношение площадей выхода и входа:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\xi_{\text{усл}}}} \quad (33a)$$

Пренебрегая в уравнении Бернулли невозвратными потерями, полагаем $\xi = 0$ и получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} \approx \frac{1}{\sqrt{\xi_{\text{усл}} + 1}} \quad (33b)$$

4. ПРИБЛИЖЕННЫЕ ОЦЕНКИ СООТНОШЕНИЯ ПЛОЩАДЕЙ ВХОДА, СЕДЛА И ВЫХОДА ДЛЯ ГАЗОВ

4.1. Если при докритическом истечении предположить равенство скоростей на выходе и входе, т.е.

$$V_1 \approx V_2 \quad , \quad (35)$$

то соотношение площадей выхода и входа определяется из формулы:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{\rho_1}{\rho_2} \cdot \frac{T_2 \varepsilon_2}{T_1 \varepsilon_1} \quad , \quad (36)$$

где T_1, T_2 — температуры среды на входе и выходе, °К;
 $\varepsilon_1, \varepsilon_2$ — коэффициенты сжимаемости среды соответственно.

4.2. Предполагая, что при критическом истечении скорость на входе V_1 и скорость на выходе V_2 не достигают своих критических значений, получаем следующие оценки соотношения площадей:

$$\frac{F_2}{f} > \frac{P_{с\text{кр}}}{P_2} \sqrt{\frac{T_2 \varepsilon_2}{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}} = \left(\frac{\beta_{кр}}{\beta} \right)^{\frac{K+1}{2K}}, \quad (37)$$

$$\frac{f}{F_1} < \frac{P_1}{P_{с\text{кр}}} \sqrt{\frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1}} = \beta_{кр}^{-\frac{K+1}{2K}}, \quad (38)$$

где $P_{с\text{кр}}$ — давление в седле при критическом истечении, определяемое по формуле (13);

T_1, T_2, T_c — температуры среды на входе, выходе и в седле, °K;

$\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_c$ — коэффициенты сжимаемости среды соответственно;

$\beta_{кр}$ — критический параметр, определяемый из уравнения (14).

Если использовать приближенное значение $\tilde{\beta}_{кр}$ по формуле (16), то получим:

$$\frac{F_2}{f} > \frac{\tilde{\beta}_{кр} \sqrt{\frac{K+1}{2}}}{\beta^{\frac{K+1}{2K}}}, \quad (39)$$

$$\frac{f}{F_1} < \frac{1}{\tilde{\beta}_{кр} \sqrt{\frac{K+1}{2}}}. \quad (40)$$

4.3. В работе [4] приводятся формулы для определения диаметра отверстия на выходе клапана в случае газовой среды:

$$D = 0,104 \sqrt{\frac{W}{P_2 G_F}}, \quad (41)$$

где D — диаметр отверстия за клапаном, дюйм;

W — масса потока, фунты/час;

P_2 — статическое давление за клапаном, $psi \sigma$;

G_F — удельный вес при текущей температуре.

Если задан объемный поток, то диаметр D определяется по формуле:

$$D = 0,029 \sqrt{\frac{Q G^{\frac{1}{2}}}{P_2}}, \quad (42)$$

где Q — объемный поток, *schh* (стандартные кубические фунты в минуту);

G — относительный удельный вес по воздуху, для воздуха $G = 1$.

Для пара имеем:

$$D = 0,157 \sqrt{\frac{W}{P_2}}. \quad (43)$$

4.4. В работе [5] диаметр отверстия за клапаном определяется из условия:

$$Q_2 = F_2 V_{2кр}, \quad (44)$$

где Q_2 — объемный расход газовой среды при плотности в условиях половины статического давления на выходе и температуры среды на выходе;

$V_{2кр}$ — звуковая скорость данного газа при температуре на выходе.

Подставляя вместо Q_2 ^{массовый} ~~весовой~~ расход G , связанный с объемным расходом Q_2 соотношением

$$Q_2 = \frac{G}{\gamma_2}, \quad (45)$$

вместо γ_2 — его значение по формуле

$$\gamma_2 = \frac{P_2 g}{2 R T_2 \epsilon_2}, \quad (46)$$

и вместо $V_{2кр}$ — критическую скорость газа при температуре T_2

$$V_2 = \sqrt{\kappa R T_2 \epsilon_2}, \quad (47)$$

получаем следующее выражение для площади F_2 :

$$F_2 = \frac{2 G \sqrt{R T_2 \epsilon_2}}{\sqrt{\kappa} P_2 g} \quad (48)$$

ПРИЛОЖЕНИЕ

ВЫВОД ОСНОВНЫХ РАСЧЕТНЫХ ФОРМУЛ

1. Введем следующие обозначения:

- ④ G - ~~весовой~~ ^{массовый} расход среды, $\frac{\text{кг}}{\text{сек}}$;
 Q - объемный расход среды, $\frac{\text{м}^3}{\text{сек}}$;
 ρ - плотность среды, $\text{кг}/\text{м}^3$;
 γ - удельный вес среды, $\text{н}/\text{м}^3$;
 P - давление среды (абсолютное), $\text{н}/\text{м}^2$;
 T - температура среды (абсолютная), $^\circ\text{К}$;
 K - показатель адиабаты среды;
 R - газовая постоянная среды, $\text{дж}/\text{кг}\cdot\text{град}$;
 ϵ - коэффициент сжимаемости среды;
 F - площадь патрубка клапана, м^2 ;
 f - площадь прохода в седле клапана, м^2 ;
 V - скорость среды, $\text{м}/\text{сек}$;
 g - ускорение силы тяжести, $\text{м}/\text{сек}^2$.

Параметрам на входе (начальное сечение потока) присвоим индекс "1", на выходе (конечное сечение потока) - индекс "2", в седле - индекс "с".

2. Уравнение неразрывности (сплошности) потока среды может быть записано в следующем виде:

$$G = \text{const}, \quad (1)$$

или

$$G = G_1 = G_c = G_2. \quad (2)$$

④ Выразая ~~весовой~~ ^{массовый} расход среды через площадь F , скорость V и удельный вес γ , получаем:

$$④ G = F \cdot V \cdot \gamma = \text{const}, \quad (3)$$

или

$$④ F V \gamma = F_1 V_1 \gamma_1 = f V_c \gamma_c = F_2 V_2 \gamma_2. \quad (4)$$

3. Уравнение состояния реального газа записывается в виде:

$$\rho = \frac{P}{RT\epsilon} \quad (5)$$

или

$$\gamma = \rho g = \frac{P g}{RT\epsilon} \quad (6)$$

4. Подставляя формулу (6) в формулу (4), имеем:

$$\frac{F_1 V_1 P_1 g}{RT_1 \epsilon_1} = \frac{f V_c P_c g}{RT_c \epsilon_c} = \frac{F_2 V_2 P_2 g}{RT_2 \epsilon_2},$$

или

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \cdot \frac{P_1}{P_2} \cdot \frac{T_2 \epsilon_2}{T_1 \epsilon_1} \quad (7)$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \cdot \frac{P_c}{P_2} \cdot \frac{T_2 \epsilon_2}{T_c \epsilon_c} \quad (8)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \cdot \frac{P_1}{P_c} \cdot \frac{T_c \epsilon_c}{T_1 \epsilon_1} \quad (9)$$

5. Принимая процесс истечения адиабатическим, имеем:

$$\frac{P}{\rho^\kappa} = \text{const} \quad (10)$$

или с учетом формулы (6)

$$\frac{P}{\gamma^\kappa} = \text{const} \quad (11)$$

Следовательно,

$$\frac{P}{\rho^\kappa} = \frac{P_1}{\rho_1^\kappa} = \frac{P_c}{\rho_c^\kappa} = \frac{P_2}{\rho_2^\kappa} \quad (12)$$

$$\frac{P}{\gamma^\kappa} = \frac{P_1}{\gamma_1^\kappa} = \frac{P_c}{\gamma_c^\kappa} = \frac{P_2}{\gamma_2^\kappa} \quad (13)$$

6. Подставляя формулу (5) в формулу (12), имеем:

$$\frac{(RT_1 \epsilon_1)^\kappa}{P_1^{\kappa-1}} = \frac{(RT_c \epsilon_c)^\kappa}{P_c^{\kappa-1}} = \frac{(RT_2 \epsilon_2)^\kappa}{P_2^{\kappa-1}},$$

или

$$\frac{T_2 \epsilon_2}{T_1 \epsilon_1} = \left(\frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \beta^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \quad (14)$$

$$\frac{T_2 \varepsilon_2}{T_c \varepsilon_c} = \left(\frac{P_2}{P_c} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \left(\frac{\beta}{\beta_c} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \quad (15)$$

$$\frac{T_c \varepsilon_c}{T_1 \varepsilon_1} = \left(\frac{P_c}{P_1} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = (\beta_c)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}, \quad (16)$$

где

$$\beta = \frac{P_2}{P_1}, \quad \beta_c = \frac{P_c}{P_1}. \quad (17)$$

При критическом истечении имеем:

$$\beta_c = \beta_{кр} = \left(\frac{2}{\kappa+1} \right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}}, \quad (18)$$

тогда из формулы (16) с учетом формулы (18) получаем:

$$\frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1} = \frac{2}{\kappa+1}. \quad (19)$$

7. Используя формулы (14), (15) и (16) и учитывая формулу (17), имеем из формул (7), (8) и (9):

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \cdot \beta^{-\frac{1}{\kappa}} \quad (20)$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \cdot \left(\frac{\beta}{\beta_c} \right)^{-\frac{1}{\kappa}} \quad (21)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \cdot \beta_c^{-\frac{1}{\kappa}}. \quad (22)$$

8. Уравнение Бернулли для случая установившегося движения газа по горизонтальному трубопроводу имеет вид:

$$d\left(\frac{V^2}{2g}\right) + \frac{dP}{\gamma} + dh = 0, \quad (23)$$

где dh — высота потерь напора на элементарном участке.

Это уравнение справедливо для элементарного (бесконечно малого) участка трубопровода. При переходе от элементарного участка к участку конечной длины между сечениями F_1 и F_2 дифференциальные приращения, фигурирующие в уравнении Бернулли (23), должны замениться конечными приращениями. Бесконечно малое приращение скоростной вы-

соты $d/\left(\frac{V^2}{2g}\right)$ заменяется конечным приращением $\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g}$, величина $\frac{d\rho}{\gamma}$ заменяется конечным изменением пьезометрической высоты $\int_{P_1}^{P_2} \frac{d\rho}{\gamma}$, а величина dh заменяется невозвратными потерями на участке между сечениями F_1 и F_2 (сечение входа и выхода) $\xi \frac{V_1^2}{2g}$. Здесь ξ — коэффициент гидравлического сопротивления, отнесенный к скорости на входе и характеризующий невозвратные потери между входом и выходом.

Уравнение Бернулли для конечного участка примет вид:

$$\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} + \int_{P_1}^{P_2} \frac{d\rho}{\gamma} + \xi \frac{V_1^2}{2g} = 0. \quad (24)$$

Из уравнения (13) имеем:

$$\gamma = \gamma_1 \left(\frac{P}{P_1} \right)^{\frac{1}{K}}. \quad (25)$$

Подставляя формулу (25) в выражение (24), имеем с учетом формулы (13):

$$\frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} + \frac{K}{K-1} \left(\frac{P_2}{\gamma_2} - \frac{P_1}{\gamma_1} \right) + \xi \frac{V_1^2}{2g} = 0$$

или

$$\frac{K}{K-1} \cdot \frac{P_1}{\gamma_1} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{K}{K-1} \cdot \frac{P_2}{\gamma_2} + \frac{V_2^2}{2g} + \xi \frac{V_1^2}{2g}. \quad (26)$$

Формула (26) представляет собой уравнение Бернулли для адиабатического истечения газа по горизонтальному трубопроводу с местным сопротивлением ξ (распределенными потерями на трение в трубопроводе пренебрегаем).

9. Последний член в уравнениях (23), (24) и (26) учитывает невозвратные потери на участке между сечениями входа и выхода. Поскольку предполагается неравенство входного и выходного сечений, то полный перепад $P_1 - P_2$ отличается от невозвратных потерь на

потери от чистого расширения или сужения. Можно считать, что невозвратные потери характеризуются перепадом $\Delta P_H = P_1 - \tilde{P}$, где $\tilde{P} \neq P_2$.

Коэффициент гидравлического сопротивления ζ , характеризующий невозвратные потери, может быть условно принят, как показано ниже при расчете жидких сред, равным обычному коэффициенту гидравлического сопротивления аналогичного же клапана, но при равенстве входного и выходного сечений, т.е. при $F_1 = F_2$.

П р и м е ч а н и е. Предположим, что формула невозвратных потерь ΔP_H имеет такой же вид, что и формула (41) для полного перепада ΔP . В этом случае последний член в уравнениях Бернулли должен иметь вид:

$$\Delta P_H = \frac{\zeta}{\tilde{B}^2} \cdot \frac{V_1^2}{2g},$$

где коэффициент $\tilde{B}$ определяется формулой (36) при $\tilde{B} = \frac{\tilde{P}}{P_1}$. Пользуясь формулой (41) и выражением для $\Delta P_H = P_1(1 - \tilde{\beta})$, легко получить уравнение для определения неизвестной величины $\tilde{\beta}$:

$$\tilde{C} = \sqrt{\frac{\zeta}{\zeta_{\text{исл}}}} \cdot C$$

Здесь коэффициенты C и $\zeta_{\text{исл}}$ определяются соответственно формулами (32) и (34). Если получится $\tilde{C} = \tilde{C}_{\text{кр}}$, то принимается $\tilde{\beta} = \beta_{\text{кр}}$. При критическом истечении $\tilde{B} = B_{\text{кр}}$.

Таким образом, при вышеуказанном предположении во всех последующих формулах член ζ заменяется на $\zeta/\tilde{B}^2$.

10. Предположим, что в горизонтальном трубопроводе постоянного сечения можно пренебречь потерями напора как местными, так и распределенными. Таким образом, полагаем:

$$F = \text{const} \quad (27)$$

$$dh = 0. \quad (28)$$

Учитывая формулы (3) и (28), уравнение Бернулли (23) можно представить в виде:

$$-\frac{V^2}{F\gamma g}(F d\gamma + \gamma dF) + \frac{dP}{\gamma} = 0. \quad (29)$$

Учитывая, что из формулы (25) следует

$$d\gamma = \frac{\gamma_1}{\kappa P_1} \left(\frac{P}{P_1} \right)^{\frac{1}{\kappa}-1} dP = a dP, \quad (30)$$

и полагая в соответствии с формулой (27) $dF=0$, получаем из уравнения (29):

$$dP=0 \quad \text{или} \quad P=\text{const}.$$

Тогда из формулы (11) имеем $\gamma=\text{const}$, а из формул (3) и (27) $V=\text{const}$.

Таким образом, из дифференциального уравнения Бернулли (23) следует весьма важное положение: если в горизонтальном трубопроводе постоянного сечения можно пренебречь распределенными и местными потерями напора, то газ будет двигаться так же, как и несжимаемая жидкость; т.е. если $dh=0$, то $P=\text{const}$, $\gamma=\text{const}$ и $V=\text{const}$.

11. Из уравнения Бернулли (26) с учетом формул (13) и (17) имеем:

$$\begin{aligned} V_2^2 &= V_1^2(1-\xi) + 2g \frac{\kappa}{\kappa-1} \cdot \frac{P_1}{\gamma_1} \left(1 - \frac{P_2 \cdot \gamma_1}{P_1 \cdot \gamma_2} \right) = \\ &= V_1^2(1-\xi) + 2g \frac{\kappa}{\kappa-1} \cdot \frac{P_1}{\gamma_1} \left(1 - \beta^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \right), \end{aligned}$$

или

$$V_2^2 = V_1^2(1-\xi) + 2g \frac{P_1}{\gamma_1 \beta^{\frac{2}{\kappa}}} c^2, \quad (31)$$

где

$$c = \sqrt{\frac{\kappa}{\kappa-1} \beta^{\frac{2}{\kappa}} \left(1 - \beta^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \right)} = \sqrt{\frac{\kappa}{\kappa-1} \left(\beta^{\frac{2}{\kappa}} - \beta^{\frac{\kappa+1}{\kappa}} \right)}. \quad (32)$$

Коэффициент C табулирован в зависимости от величин β и κ и приводится в табл. 4 РН-11-66 "Руководящий технический материал. Приложение к гидравлическим расчетам арматуры". Издание ЦКБА.

12. Точную расходную формулу для газов получаем, пользуясь уравнениями (31) и (20):

$$V_1^2 \beta^{-\frac{2}{\kappa}} \left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 = V_1^2 (1 - \xi) + 2g \frac{P_1}{\gamma_1} \frac{C^2}{\beta^{\frac{2}{\kappa}}}$$

или, выражая отсюда скорость V_1 , -

$$V_1 = \frac{C \sqrt{2g \frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 - \beta^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \xi)}} = \frac{C \sqrt{2g \frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\xi_{\text{усл}}}}, \quad (33)$$

где условный коэффициент гидравлического сопротивления

$$\xi_{\text{усл}} = \left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 - \beta^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \xi). \quad (34)$$

Тогда расход G равен:

$$\textcircled{У} \quad G = F_1 V_1 \gamma_1 = \frac{F_1 C \sqrt{2g P_1 \gamma_1}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 - \beta^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \xi)}} = \frac{F_1 C \sqrt{2g P_1 \gamma_1}}{\sqrt{\xi_{\text{усл}}}}. \quad (35)$$

Введем вместо коэффициентов C коэффициенты B , определяемые соотношением:

$$B = \frac{C}{\sqrt{1 - \beta}} = \sqrt{\frac{\kappa}{\kappa - 1} \cdot \frac{\beta^{\frac{2}{\kappa}} - \beta^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}{1 - \beta}}. \quad (36)$$

Коэффициент B табулирован в зависимости от величин β и κ и приводится в табл.3 РМ-11-66.

Формула (35) с учетом формулы (36) примет вид:

$$\textcircled{У} \quad G = \frac{F_1 B \sqrt{2g \Delta P \gamma_1}}{\sqrt{\xi_{\text{усл}}}}, \quad (37)$$

где ΔP - перепад,

$$\Delta P = P_1 - P_2. \quad (38)$$

Формулы вида (35) и (37) широко применяются в ЦКБА, только вместо величины $\xi_{\text{усл}}$, определяемой формулой (34), принимается просто величина ξ .

Следовательно, для уточнения расчетов вместо обычного ξ нужно вводить уточненное значение $\xi_{\text{усл}}$, определяемое формулой (34).

Если диаметры входного и выходного патрубка одинаковы ($F_1 = F_2$), то из формулы (34) имеем:

$$\xi_{\text{усл}} = 1 - \beta^{\frac{2}{K}} (1 - \xi). \quad (39)$$

Из формулы (39) следует:

если $\xi > 1$, то $\xi_{\text{усл}} < \xi$

если $\xi < 1$, то $\xi_{\text{усл}} > \xi$.

При больших значениях β ($\beta \approx 1$) или при больших значениях K ($K \rightarrow \infty$, что характерно для жидкой среды) из формулы (39) имеем:

$$\xi_{\text{усл}} = \xi. \quad (40)$$

Таким образом, при одинаковых патрубках для жидких сред и при весьма малом перепаде давления для газовых сред значение $\xi_{\text{усл}}$ совпадает с обычным значением ξ .

Из формулы (37) с учетом формулы $G = F_1 V_1 \gamma_1$ получаем:

$$\textcircled{4} \quad \Delta P = \frac{\xi_{\text{усл}}}{B^2} \cdot \frac{V_1^2 P_1}{2g} \cdot \frac{1}{\beta^{\frac{2}{K}}} = \frac{\xi_{\text{усл}}}{B^2} \cdot \frac{V_1^2 \gamma_1}{2g}, \quad (41)$$

13. Из формул (31) и (33) следует:

$$V_2^2 = 2g \frac{P_1}{\gamma_1} \frac{c^2}{\xi_{\text{усл}}} \left(1 - \xi + \frac{\xi_{\text{усл}}}{\beta^{\frac{2}{K}}} \right)$$

или

$$V_2 = \frac{c \sqrt{2g \frac{P}{\delta_1}}}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}}}} \sqrt{1 - \zeta + \frac{\zeta_{\text{усл}}}{\beta^{\frac{2}{k}}}}. \quad (42)$$

Пользуясь формулами (33) и (42), имеем:

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{\sqrt{1 - \zeta + \frac{\zeta_{\text{усл}}}{\beta^{\frac{2}{k}}}}} = \frac{\beta^{\frac{1}{k}}}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}} + \beta^{\frac{2}{k}}(1 - \zeta)}}. \quad (43)$$

Подставляя формулу (43) в формулу (20), получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}} + \beta^{\frac{2}{k}}(1 - \zeta)}}. \quad (44)$$

Это же выражение непосредственно следует и из формулы (34).

Если положить $\zeta_{\text{усл}} = \zeta = 0$, то из формул (39) и (41) получим $\beta = 1$ и $\Delta P = 0$ и тогда из формулы (44) — $F_2 = F_1$.

14. Предположим, что в уравнении Бернулли (31) можно пренебречь скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_2 . Как следует из уравнения (31), для этого достаточно положить $\zeta = 1$.

В этом случае из формулы (44) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}}}}. \quad (44a)$$

15. Если в уравнении Бернулли (31) пренебречь невозвратными потерями, для чего можно положить $\zeta = 0$, то в этом случае из формулы (44) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}} + \beta^{\frac{2}{k}}}}. \quad (44b)$$

16. Рассмотрим режим критического истечения, при котором в наиболее узком сечении (в проходной площади седла) устанавливаются критические параметры:

$$\beta_{\text{скр}} = \beta_{\text{кр}} \quad (45)$$

$$P_{скр} = P_1 \beta_{кр} \quad (46)$$

$$\textcircled{4} V_{скр} = V_{кр} = \sqrt{\gamma K \frac{P_{скр}}{\gamma_{скр}}} = \sqrt{g \cdot K \frac{P_{скр}}{\gamma_{скр}}}, \quad (47)$$

Режим критического истечения устанавливается при определенном значении давления P_2 на выходе, причем при дальнейшем уменьшении этого давления параметры в седле не изменяются. Расход среды также становится постоянным $G = G_{кр}$ и не зависит от уменьшения давления на выходе P_2 .

17. Точное значение величин $\beta_{кр}$ и $G_{кр}$ можно установить следующим образом. Рассмотрим выражение для скорости в седле V_c , получаемое из формулы (42) заменой величин β на β_c , F_2 на f и $C(\beta)$ на $C(\beta_c)$. С учетом формулы (34) имеем:

$$V_c = \frac{C(\beta_c) \sqrt{2g \frac{P_1}{\gamma_1}}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_c^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \zeta)}} \sqrt{1 - \zeta + \frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_c^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \zeta)}{\beta_c^{\frac{2}{\kappa}}}}. \quad (48)$$

Из формулы (25) с учетом формул (17) и (45) имеем:

$$\gamma_{скр} = \gamma_1 \beta_{скр}^{\frac{1}{\kappa}} = \gamma_1 \beta_{кр}^{\frac{1}{\kappa}}, \quad \textcircled{4} P_{скр} = P_1 \beta_{скр}^{\frac{1}{\kappa}} = P_1 \beta_{кр}^{\frac{1}{\kappa}} \quad (49)$$

Положим $\beta_c = \beta_{кр}$ и $V_c = V_{скр}$. Тогда из формул (45)–(49) получаем уравнение для определения $\beta_{кр}$:

$$\frac{C(\beta_{кр}) \sqrt{2}}{\sqrt{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \zeta)}} \sqrt{1 - \zeta + \frac{\left(\frac{F_1}{f}\right)^2 - \beta_{кр}^{\frac{2}{\kappa}} (1 - \zeta)}{\beta_{кр}^{\frac{2}{\kappa}}}} = \sqrt{K \beta_{кр}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}}. \quad (50)$$

Уравнение (50) решается методом подбора. Как следует из

этого уравнения, величина $\beta_{кр}$ зависит от конструктивных параметров клапана — соотношения $\frac{F_1}{f}$ и коэффициента ζ .

Учитывая сложность решения уравнения (50), упростим его, приняв $\zeta = 1$, что равносильно пренебрежению скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_c в соответствующем уравнении Бернулли. Поскольку, как правило, $V_c \gg V_1$, такое допущение оправдано. В этом случае уравнение (50) приобретает вид:

$$\frac{C(\beta_{кр})\sqrt{2}}{\beta_{кр}^{\frac{1}{k}}} = \sqrt{K \beta_{кр}^{\frac{k-1}{k}}} \quad (51)$$

Этому уравнению удовлетворяет значение $\beta_{кр}$ из формулы (18), причем коэффициент $C(\beta_{кр})$ равен:

$$C(\beta_{кр}) = C_{кр} = \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{1}{k-1}} \sqrt{\frac{k}{k+1}} \quad (52)$$

Если дифференцировать по β коэффициент C , находя его максимальное значение, то получим значение $\beta_{кр}$, соответствующее формуле (18).

Расход $G_{кр}$ определим с учетом формул (46), (47) и (50):

$$\textcircled{4} G_{кр} = f V_{с_{кр}} \rho_{с_{кр}} = f \sqrt{2 K P_c} \rho_{с_{кр}} = f \sqrt{2 K P_1} \rho_1 \beta_{кр}^{\frac{k+1}{k}} \quad (53)$$

Здесь $\beta_{кр}$ определяется по уравнению (50). Если принять приближенное значение $\beta_{кр}$ по формуле (18), то получим приближенное значение для $G_{кр}$:

$$\textcircled{4} G_{кр} \approx f \sqrt{2 K P_1} \rho_1 \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{k+1}{k-1}} = f \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{1}{k-1}} \sqrt{\frac{k}{k+1}} \sqrt{2 g P_1 \rho_1},$$

$$\textcircled{4} \text{ или с учетом формулы (52): } G_{кр} \approx f \sqrt{K P_1 \rho_1} \beta_{кр}^{\frac{k+1}{k}} = f \left(\frac{2}{k+1}\right)^{\frac{1}{k-1}} \sqrt{\frac{k}{k+1}} \cdot \sqrt{2 P_1 \rho_1} \approx f \cdot C_{кр} \sqrt{2 P_1 \rho_1},$$

$$\textcircled{4} G_{кр} \approx f C_{кр} \sqrt{2 g P_1 \rho_1} \quad (54)$$

Подставляя формулу (18) для $\beta_{кр}$ в формулу (47), имеем с учетом формул (46) и (49):

$$V_{кр} = \sqrt{g K \frac{P_i}{\gamma_i} \beta_{кр}^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}} \approx \sqrt{2g \frac{\kappa}{\kappa+1} \frac{P_i}{\gamma_i}}. \quad (55)$$

18. Определим, при каком давлении $\bar{P}_2$ на выходе (или при каком $\bar{\beta}$) наступают условия критического истечения.

Положив в уравнении (35) $G = G_{кр}$, имеем:

$$\textcircled{y} \quad \frac{C(\bar{\beta})}{\sqrt{\xi_{усл}}} = \frac{G_{кр}}{F_i \sqrt{2g P_i \gamma_i \bar{\beta}}}, \quad (56)$$

где точное значение $G_{кр}$ определяется по формуле (53) с учетом точного значения $\beta_{кр}$ из уравнения (50). Пользуясь приближенной формулой (54) для $G_{кр}$, из формулы (56) имеем:

$$\frac{C(\bar{\beta})}{\sqrt{\xi_{усл}}} = \frac{f}{F_i} C_{кр}. \quad (57)$$

В формулах (56) и (57) величина $\xi_{усл}$ определяется формулой (34), в которую входит коэффициент $\bar{\beta}$. Коэффициент $C(\bar{\beta})$ согласно формуле (32) также зависит от коэффициента $\bar{\beta}$. Поэтому формулы (56) и (57) являются уравнениями относительно $\bar{\beta}$, которые можно решить методом подбора.

При докритическом истечении на расширяющемся участке от седла f до выхода $\bar{F}_2$ число Маха меньше единицы, и поэтому скорость на выходе меньше скорости в седле, а давление на выходе больше давления в седле. Поэтому можно считать, что критическое истечение наступает при давлении на выходе большем, чем критическое

давление в седле, т.е. при $\bar{\beta} > \beta_{кр}$.

19. Параметры среды (P, T, V) на участке от входа F_1 до седла f постоянны и не зависят от давления P_2 . Выражение для скорости V_1 при критическом истечении получаем из формул (53) или (54):

$$\textcircled{4} V_{1кр} = \frac{G_{кр}}{F_1 \frac{\gamma}{\rho_1}} = \frac{f_1}{F_1} \sqrt{2gK \frac{P_1}{\gamma} \beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}} \quad (58)$$

или

$$\textcircled{4} V_{1кр} = \frac{G_{кр}}{F_1 \frac{\gamma}{\rho_1}} \approx \frac{\frac{G_{кр}}{F_1 \rho_1}}{\sqrt{f}} C_{кр} \sqrt{2g \frac{P_1}{\gamma \rho_1}}, \quad (59)$$

20. Параметры среды (P, T, V) на участке от седла f до выхода F_2 изменяются вместе с давлением P_2 . Поскольку расход при этом равен $G_{кр}$ и не зависит от P_2 , то, как следует из формулы (35), каждому значению F_2 соответствует определенное значение P_2 . И наоборот, при критическом истечении для обеспечения давления P_2 на выходе необходимо иметь определенное значение площади F_2 .

Скорость V_2 при критическом истечении определяется уравнением (31), в которое подставляется значение $V_{1кр}$ по формуле (58) или (59). Из уравнения (31) имеем:

$$V_2^2 = V_{1кр}^2 \left(1 - \zeta + \frac{2g \frac{P_1}{\gamma}}{\beta^{\frac{\kappa}{\kappa+1}}} \frac{C^2}{V_{1кр}^2} \right)$$

Подставляя точное значение $V_{1кр}$ по формуле (58), имеем:

$$\frac{V_{1кр}}{V_2} = \frac{\beta^{\frac{\kappa}{\kappa+1}}}{\sqrt{\beta^{\frac{\kappa}{\kappa+1}} (1 - \zeta) + \left(\frac{F_1}{f} \right)^2 \frac{2C^2}{\kappa \beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}}} \quad (60)$$

Подставляя приближенное значение $V_{1кр}$ по формуле (59), имеем:

$$\frac{V_{1кр}}{V_2} \approx \frac{\beta^{\frac{1}{\kappa}}}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \quad (61)$$

Подставляя формулы (60) и (61) в формулу (20), имеем при критическом истечении:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2C^2}{\kappa \beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}}} \quad (62)$$

или

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}}(1-\zeta) + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{C^2}{C_{кр}^2}}} \quad (63)$$

В формулах (60)–(63) коэффициент C соответствует $\beta \neq \beta_{кр}$ и определяется по формуле (32), причем при $\beta < \beta_{кр}$ данные РИ-11-66 не используются.

21. При пренебрежении в уравнении Бернулли скоростью V_1 по сравнению со скоростью V_2 , что равносильно допущению $\zeta = 1$ и ведет к определению $\beta_{кр}$ по формуле (18), из формул (62) и (63) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{f}\right)_{кр} = \frac{C_{кр}}{C} \quad (64)$$

22. Пренебрегая в уравнении Бернулли невозвратными потерями, полагаем $\zeta = 0$ и из формул (62) и (63) имеем:

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} = \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{2c^2}{\kappa \beta_{кр}^{\frac{\kappa+1}{\kappa}}}}} \quad (62a)$$

или

$$\left(\frac{F_2}{F_1}\right)_{кр} \approx \frac{1}{\sqrt{\beta^{\frac{2}{\kappa}} + \left(\frac{F_1}{f}\right)^2 \frac{c^2}{c_{кр}^2}}} \quad (63a)$$

23. Рассмотрим приближенные оценки отношения площадей для газовых сред.

Если при докритическом истечении положить

$$V_1 \approx V_2, \quad (65)$$

то из формулы (20) получим:

$$\frac{F_2}{F_1} = \beta^{-\frac{1}{\kappa}} \quad (66)$$

или с учетом формул (14) и (17) —

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\beta} \beta^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \frac{P_1}{P_2} \frac{T_2 \epsilon_2}{T_1 \epsilon_1} \quad (67)$$

Предположим, что на входе в клапан, в седле, на выходе из клапана имеет место критическое истечение. Тогда, изменив индексы в формуле (47), с учетом формулы (6) имеем:

$$V_{1,кр} = \sqrt{\kappa R T_1 \epsilon_1}, \quad (68)$$

$$V_{с,кр} = \sqrt{\kappa R (T_c \epsilon_c)_{кр}}, \quad (69)$$

$$V_{2кр} = \sqrt{KR T_2 \varepsilon_2} \quad (70)$$

Следует отметить, что в формулах (68)–(70) газовая постоянная R имеет размерность в Международной системе единиц СИ — дж/кг·град. Ее численное значение в 9 раз больше, чем значение газовой постоянной $\mathcal{R}$, выраженное в кГм/кг·град.

Предполагая, что при критическом истечении $V_1 < V_{1кр}$ и $V_2 < V_{2кр}$, из формул (8) и (9) с учетом формул (69)(70), (46), (17), (15) и (68), (16), (19) имеем:

$$\begin{aligned} \frac{F_2}{f} &= \frac{V_{скр}}{V_2} \cdot \frac{P_{скр}}{P_2} \frac{T_2 \varepsilon_2}{(T_c \varepsilon_c)_{кр}} > \frac{V_{скр}}{V_{2кр}} \frac{P_{скр}}{P_2} \frac{T_2 \varepsilon_2}{(T_c \varepsilon_c)_{кр}} = \\ &= \frac{P_{скр}}{P_2} \sqrt{\frac{T_2 \varepsilon_2}{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}} = \frac{\beta_{кр}}{\beta} \sqrt{\left(\frac{\beta}{\beta_{кр}}\right)^{\frac{K-1}{K}}} = \left(\frac{\beta_{кр}}{\beta}\right)^{\frac{K+1}{2K}} \approx \frac{\beta_{кр} \sqrt{\frac{K+1}{2}}}{\beta^{\frac{K+1}{2K}}} \end{aligned} \quad (71)$$

$$\begin{aligned} \frac{f}{F_1} &= \frac{V_1}{V_{скр}} \frac{P_1}{P_{скр}} \frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1} < \frac{V_{1кр}}{V_{скр}} \frac{P_1}{P_{скр}} \frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1} = \\ &= \frac{P_1}{P_{скр}} \sqrt{\frac{(T_c \varepsilon_c)_{кр}}{T_1 \varepsilon_1}} = \beta_{кр}^{-1} \sqrt{\beta_{кр}^{\frac{K-1}{K}}} = \beta_{кр}^{-\frac{K+1}{2K}} \approx \frac{\sqrt{\frac{2}{K+1}}}{\beta_{кр}} \end{aligned} \quad (72)$$

24. Рассмотрим основные расчетные формулы для жидких сред. Для жидкости удельный вес можно принять неизменным, т.е.:

$$\gamma_1 = \gamma_c = \gamma_2 = \gamma \quad (73)$$

Учитывая формулу (73), из формулы (4) получаем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{V_1}{V_2} \quad (74)$$

$$\frac{F_2}{f} = \frac{V_c}{V_2} \quad (75)$$

$$\frac{f}{F_1} = \frac{V_1}{V_c} \quad (76)$$

Следует отметить, что формулы для жидких сред следуют из формул для газа, если принять показатель адиабаты K стремящимся к бесконечности, т.е. $K \rightarrow \infty$. Так, соотношения (74)–(76) следуют из формул (20)–(22) при $K \rightarrow \infty$.

Уравнение Бернулли для жидкости получаем из формулы (26), положив $K \rightarrow \infty$.

$$\frac{\rho_1}{\gamma_1} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{\rho_2}{\gamma_2} + \frac{V_2^2}{2g} + \zeta \frac{V_1^2}{2g} \quad (77)$$

Коэффициенты C и B для жидкости на основании формул (32) и (36) равны:

$$C = \sqrt{1 - \beta} \quad (78)$$

$$B = 1 \quad (79)$$

Основную расходную формулу для жидкости получаем из формул (37) и (34):

$$\textcircled{4} \quad G = \frac{F_1 \sqrt{2g \Delta P \gamma K}}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}}}}, \quad (80)$$

где

$$\zeta_{\text{усл}} = \left(\frac{F_1}{F_2} \right)^2 - 1 + \zeta \quad (81)$$

Из формулы (81) следует, что при $F_1 = F_2$

$$\zeta_{\text{усл}} = \zeta, \quad (82)$$

т.е. ζ означает коэффициент гидравлического сопротивления $\zeta_{\text{усл}}$, отнесенный к скорости на входе и применяемый в обычной расходной формуле вида (80) для аналогичного клапана при равенстве входного и выходного отверстий (патрубков).

Предполагая, что невозвратные потери мало зависят при данной конструкции клапана от отношения $\frac{F_2}{F_1}$, приближенно будем считать, что коэффициент ζ , характеризующий невозвратные потери, остается постоянным при изменении отношения $\frac{F_2}{F_1}$ за счет изменения F_2 .

Формулу для определения перепада на клапане для жидкой среды получаем из формулы (41):

$$\textcircled{\gamma} \Delta p = \zeta_{\text{усл}} \frac{V_1^2 \rho}{2g} = \zeta_{\text{усл}} \cdot \frac{V_1^2 \gamma}{2g}, \quad (83)$$

Соотношение выхода и входа получаем из формулы (44):

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}} + 1 - \zeta}}. \quad (84)$$

Формулы (44) и (84) обеспечивают возможность определить необходимое соотношение площадей выхода и входа при заданном условном коэффициенте гидравлического сопротивления $\zeta_{\text{усл}}$ и известном коэффициенте гидравлического сопротивления ζ для аналогичного клапана при равенстве сечений входа и выхода.

Пренебрегая скоростью V_1 в уравнении Бернулли (77), положим $\zeta = 1$ и тогда из формулы (84) имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{1}{\sqrt{\zeta_{\text{усл}}}}. \quad (84a)$$

Пренебрегая невозвратными потерями в уравнении Бернулли (77), положим $\zeta = 0$ и тогда из формулы (84) имеем:

$$\frac{F_2}{F_1} = \sqrt{\xi_{\text{уч}} + 1} \quad (84б)$$

25. Рассмотрим горизонтальный трубопровод постоянного сечения F и длиной ℓ . Невозвратные потери здесь определяются силами трения, распределенными по длине трубопровода, и характеризуются коэффициентом гидравлического сопротивления λ , причем:

$$\lambda = 4\mu \quad (85)$$

где μ — безразмерный коэффициент трения Фаннинга.

Потерянный напор от сил трения при турбулентном движении определяется по формуле Дарси-Вейсбаха. Для жидкой среды эта формула записывается в виде:

$$h = \lambda \frac{\ell}{4z_r} \frac{V^2}{2g} = \frac{\mu \ell}{z_r} \frac{V^2}{2g} \quad (86)$$

а для газа —

$$dh = \lambda \frac{d\ell}{4z_r} \frac{V^2}{2g} = \mu \frac{d\ell}{z_r} \frac{V^2}{2g} \quad (87)$$

В формулах (86) и (87) величина z_r означает гидравлический радиус сечения трубопровода, определяемый по формуле:

$$z_r = \frac{F}{L_p} \quad (88)$$

где F — площадь сечения, а L_p — периметр сечения. Для круглой трубы диаметром D

$$z_r = \frac{\frac{\pi D^2}{4}}{\pi D} = \frac{D}{4} \quad (89)$$

и формулы (86) и (87) могут быть записаны соответственно в виде:

$$h = \lambda \frac{\ell}{D} \frac{V^2}{2g} = \frac{4\mu\ell}{D} \frac{V^2}{2g} \quad (86a)$$

$$dh = \lambda \frac{d\ell}{D} \frac{V^2}{2g} = \frac{4\mu d\ell}{D} \frac{V^2}{2g} \quad (87a)$$

26. Если в дифференциальное уравнение Бернулли для газа (23) подставить величину потерянного напора dh по формуле (87) и учесть формулы (3), (17) и (25), то после интегрирования уравнения получим следующее выражение для расхода G :

$$\textcircled{v} G = F \cdot \sqrt{\frac{2\gamma K P_1 \tilde{\gamma}_1^{\frac{K+1}{K}} (1 - \beta^{\frac{K+1}{K}})}{(K+1) \left(\frac{\mu\ell}{z_r} - \frac{2}{K} \ln \beta \right)}}, \quad (90)$$

Аналогичное выражение для расхода G при адиабатическом процессе приводится в работе [1], а при изотермическом процессе (показатель адиабаты $K=1$) — в работе [3].

Для круглой трубы из формул (85) и (89) следует:

$$\frac{\mu}{z_r} = \frac{\lambda}{D} \quad (91)$$

Воспользовавшись формулами (17) и (13), можно расход G выразить через параметры P_2 и $\tilde{\gamma}_2$:

$$\textcircled{ч} G = F \cdot \sqrt{\frac{2\gamma K P_2 \tilde{\gamma}_2^{\frac{K+1}{K}} (\beta^{-\frac{K+1}{K}} - 1)}{(K+1) \left(\frac{\mu\ell}{z_r} - \frac{2}{K} \ln \beta \right)}} \quad (92)$$

Уравнения (90) и (92) позволяют найти одно из давлений P_1 или P_2 при известном другом давлении и заданном расходе G .
Неизвестная величина β может быть найдена методом подбора.

В целях упрощения формул (90) и (92), примем $\kappa=1$, что соответствует изотермическому процессу. Тогда имеем с учетом формулы (6):

$$\textcircled{4} G = F \sqrt{\frac{\frac{P_1}{\mu l} (1-\beta^2)}{\frac{\mu l}{\tau \tau} - 2 \ln \beta}} = F \sqrt{\frac{\frac{P_2}{\mu l} (\beta^2 - 1)}{\frac{\mu l}{\tau \tau} - 2 \ln \beta}} = F \sqrt{\frac{P_1^2 - P_2^2}{RTE \left(\frac{\mu l}{\tau \tau} - 2 \ln \beta \right)}}, \quad (93)$$

где T — температура изотермического процесса.

Как указано в работе [3], при больших длинах l и незначительном падении давления формула (93) может быть представлена в виде:

$$\textcircled{4} G = F \sqrt{\frac{\frac{P_1}{\mu l} (P_1^2 - P_2^2)}{P_1 \cdot \frac{\mu l}{\tau \tau}}} = F \sqrt{\frac{\frac{P_2}{\mu l} (P_1^2 - P_2^2)}{P_2 \cdot \frac{\mu l}{\tau \tau}}} = F \sqrt{\frac{P_1^2 - P_2^2}{RTE \frac{\mu l}{\tau \tau}}}, \quad (94)$$

Давление P_1 при известном давлении P_2 и расходе G определяется по формуле, вытекающей из соотношения (94):

$$\textcircled{4} P_1 = \sqrt{P_2^2 + \frac{G^2 RTE \frac{\mu l}{\tau \tau}}{F^2}} = \sqrt{P_2^2 + \frac{G^2 P_2 \frac{\mu l}{\tau \tau}}{F^2}}, \quad (95)$$

27. Для жидкой среды, подставляя в формулу (90) значение $\kappa \rightarrow \infty$, получаем:

$$\textcircled{4} G = F \sqrt{\frac{2 \frac{P_1}{\mu l} (1-\beta)}{\frac{\mu l}{\tau \tau}}} = F \sqrt{\frac{2 \frac{P_1}{\mu l} (P_1 - P_2)}{\frac{\mu l}{\tau \tau}}}, \quad (96)$$

откуда

$$\textcircled{4} P_1 = P_2 + \frac{G^2}{F^2} \cdot \frac{\mu l}{2 \frac{\mu l}{\tau \tau} P_1}. \quad (97)$$

ИСПОЛЬЗОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

1. Лейбензон Л.С. и др. Гидравлика. Москва-Ленинград-Новосибирск, Горгеонефтеиздат, 1934.
2. Литвин А.М. Техническая термодинамика. М-Л, ГЭИ, 1963.
3. Дж.Перри. Справочник инженера-химика. Том 1, 1969.
4. Бауман Х.Д. К вопросу о необходимости уменьшения скорости потока на выходе редукционного клапана. *Instzuments and Contzol System*, 1965, т. 38, №9.
Перевод с англ. П1770. Издание ЦКБА.
5. Вуд П.Е. Проблемы, связанные с выбором D_v клапанов для газа при больших перепадах давления. *Instrument Practice*, 1967, т. 21, №10. Перевод с англ. П 1821. Издание ЦКБА.